

Signale und Systeme II

Modulklausur Sommersemester 2022

Prüfer: Prof. Dr.-Ing. Gerhard Schmidt

Datum: 05.09.2022

Name: _____

Matrikelnummer: _____

Erklärung der Kandidatin/des Kandidaten vor Beginn der Prüfung	
<p>Hiermit bestätige ich, dass ich zur Prüfung angemeldet und zugelassen bin und dass ich prüfungsfähig bin.</p> <p>Ich nehme zur Kenntnis, dass der Termin für die Klausureinsicht vom Prüfungsamt ET&IT bekannt gegeben wird, sobald mein vorläufiges Prüfungsergebnis im QIS-Portal veröffentlicht wurde. Nach dem Einsichtnahmetermin kann ich meine endgültige Note im QIS-Portal abfragen. Bis zum Ende der Widerspruchsfrist des zweiten Prüfungszeitraums der CAU kann ich beim Prüfungsausschuss Widerspruch gegen dieses Prüfungsverfahren einlegen. Danach wird meine Note rechtskräftig.</p> <p style="text-align: right;">Unterschrift: _____</p>	

Korrektur			
Aufgabe	1	2	3
Punkte	/33	/33	/33
Summe der Punkte: _____ /99			

Einsicht/Rückgabe	
<p>Hiermit bestätige ich, dass ich die Korrektur der Klausur eingesehen habe und mit der auf diesem Deckblatt vermerkten Bewertung einverstanden bin.</p> <p><input type="checkbox"/> Die Klausurunterlagen verbleiben bei mir. Ein späterer Einspruch gegen die Korrektur und Benotung ist nicht mehr möglich.</p> <p>Kiel, den _____ Unterschrift: _____</p>	

Signale und Systeme II

Modulklausur Sommersemester 2022

Prüfer: Prof. Dr.-Ing. Gerhard Schmidt
Ort: OS40, R. 201
Datum: 05.09.2022
Beginn: 09:00 h
Einlesezeit: 10 Minuten
Bearbeitungszeit: 90 Minuten

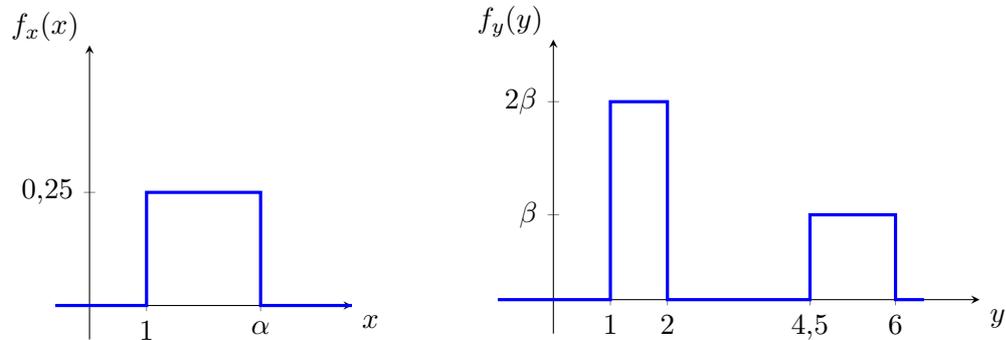
Hinweise

- Legen Sie Ihren Studierendenausweis oder Personalausweis zur Überprüfung bereit.
- Schreiben Sie auf **jedes** abzugebende Blatt deutlich Ihren **Namen** und Ihre **Matrikelnummer**. Dabei verwenden Sie bitte für **jede Aufgabe** der Klausur einen **neuen Papierbogen**. Zusätzliches Papier erhalten Sie auf Anfrage.
- Verwenden Sie zum Schreiben **weder Bleistift noch Rotstift**.
- Alle Hilfsmittel – außer solche, die die Kommunikation mit anderen Personen ermöglichen – sind erlaubt. Nicht zugelassene Hilfsmittel sind außer Reichweite aufzubewahren und auszuschalten.
- Die direkte Kommunikation mit Personen, die nicht der Klausuraufsicht zuzuordnen sind, ist grundsätzlich ebenfalls untersagt.
- Lösungswege müssen zur Vergabe der vollen Punktzahl immer nachvollziehbar und mit Begründung versehen sein. Sind Funktionen zu skizzieren, müssen grundsätzlich alle Achsen beschriftet werden. Beachten Sie, dass die Punkteverteilung in den Teilaufgaben nur vorläufig ist!
- Sollten Sie sich während der Klausur durch äußere Umstände bei der Bearbeitung der Klausur beeinträchtigt fühlen, ist dies unverzüglich gegenüber der Klausuraufsicht zu rügen.
- 5 Minuten und 1 Minute vor Klausurende werden Ankündigungen gemacht. Wird das **Ende der Bearbeitungszeit** angesagt, darf **nicht mehr geschrieben** werden.
- Legen Sie am Ende der Klausur alle Lösungsbögen ineinander (so, wie sie ausgeteilt wurden) und geben Sie auch die Aufgabenblätter und das **Deckblatt mit Ihrer Unterschrift** mit ab.
- Bevor alle Klausuren eingesammelt sind, darf weder der Sitzplatz verlassen noch geredet werden. Jede Form der Kommunikation wird zu diesem Zeitpunkt noch als **Täuschungsversuch** gewertet.
- Während der **Einlesezeit ist die Bearbeitung der Aufgaben untersagt**, dementsprechend sind alle Schreibutensilien oder Hilfsmittel beiseitezulegen. Jede Zuwiderhandlung wird als **Täuschungsversuch** geahndet.

Aufgabe 1 (33 Punkte)

Teil 1 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 2 und 3 gelöst werden.

Gegeben seien die stochastisch unabhängigen, stückweise gleichverteilten Zufallsvariablen x und y mit den Wahrscheinlichkeitsdichten $f_x(x)$ und $f_y(y)$ in graphischer Form:



- (a) Geben Sie die Wahrscheinlichkeitsdichten $f_x(x)$ und $f_y(y)$ in Abhängigkeit von α und β an. (3 P)
- (b) Bestimmen Sie α und β . (3 P)
- (c) Berechnen Sie die Verbunddichte $f_{x,y}(x,y)$ unter Verwendung Ihrer Ergebnisse aus (a) und (b). (3 P)

Teil 2 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 1 und 3 gelöst werden.

Gegeben ist die reelle Zufallsvariable v_1 mit der Verteilungsfunktion $F_{v_1}(v_1)$

$$F_{v_1}(v_1) = \begin{cases} a, & \text{für } v_1 < b, \\ \frac{1}{4}v_1 + \frac{1}{4}, & \text{für } b \leq v_1 < 3, \\ 6c, & \text{für } 3 \leq v_1, \end{cases}$$

welche anhand der reellen Konstanten a, b und c definiert ist.

- (d) Bestimmen Sie die Konstanten a, b und c . Begründen Sie! (3 P)
- (e) Berechnen Sie die zugehörige Wahrscheinlichkeitsdichte mit den Ergebnissen aus (d). (3 P)
- (f) Gegeben sei nun zusätzlich der stochastisch unabhängige Prozess v_2 , wobei v_2 auf dem Intervall $[0,2]$ gleichverteilt ist. Skizzieren Sie die Wahrscheinlichkeitsdichte des Prozesses v_2 , sowie des Summenprozesses $v = v_1 + v_2$. (5 P)
- (g) Berechnen Sie das erste Moment und das zweite zentrale Momente von v . (4 P)

Teil 3 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 1 und 2 gelöst werden.

Gegeben sei die folgende Verbundwahrscheinlichkeitsdichte:

$$f_{a,b}(a,b) = \begin{cases} \frac{1}{9}, & \text{für } 3 \leq a < 5 \wedge 1 \leq b < 4, \\ \frac{1}{12}, & \text{für } 0 \leq a < 2 \wedge -1 \leq b < 1, \\ 0, & \text{sonst.} \end{cases}$$

(h) Berechnen Sie die Randdichte $f_a(a)$. (3 P)

(i) Berechnen Sie die zugehörige Verteilungsfunktion mit dem Ergebnis aus (h). (3 P)

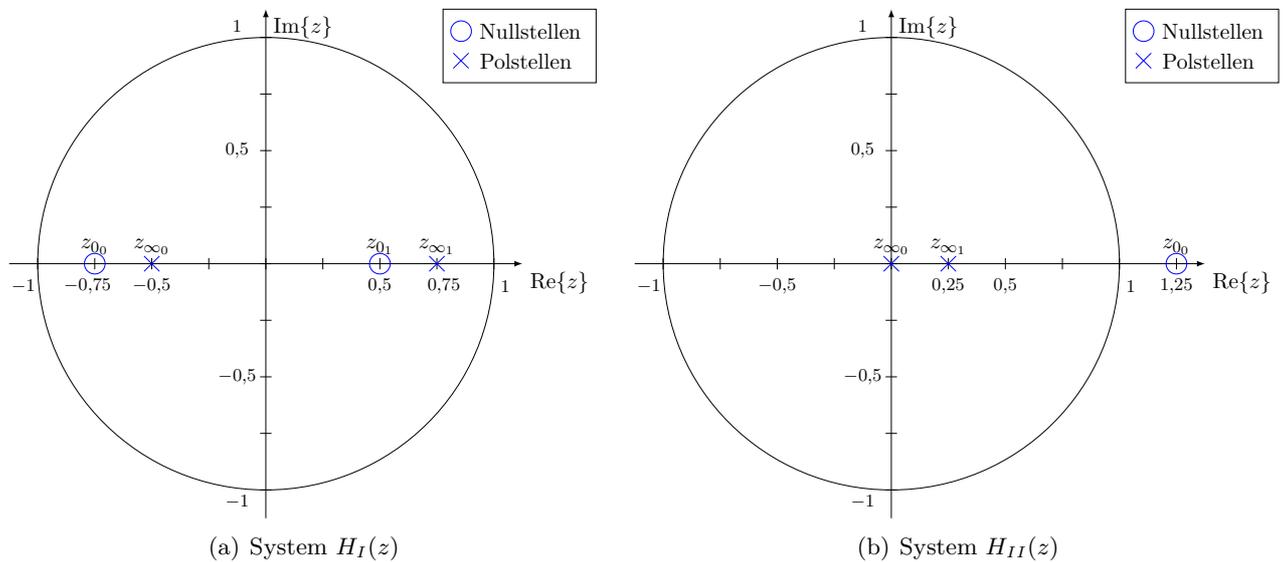
(j) Berechnen Sie $f_c(c = 9)$ der resultierenden Dichte, wenn die Abbildungsvorschrift $c = 2a + 5$ gilt. (3 P)

Hinweis: Führen Sie eine punktuelle Dichtetransformation durch.

Aufgabe 2 (33 Punkte)

Teil 1 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 2 gelöst werden.

Gegeben sind folgende Systeme, beschrieben anhand von Pol- Nullstellendiagrammen:

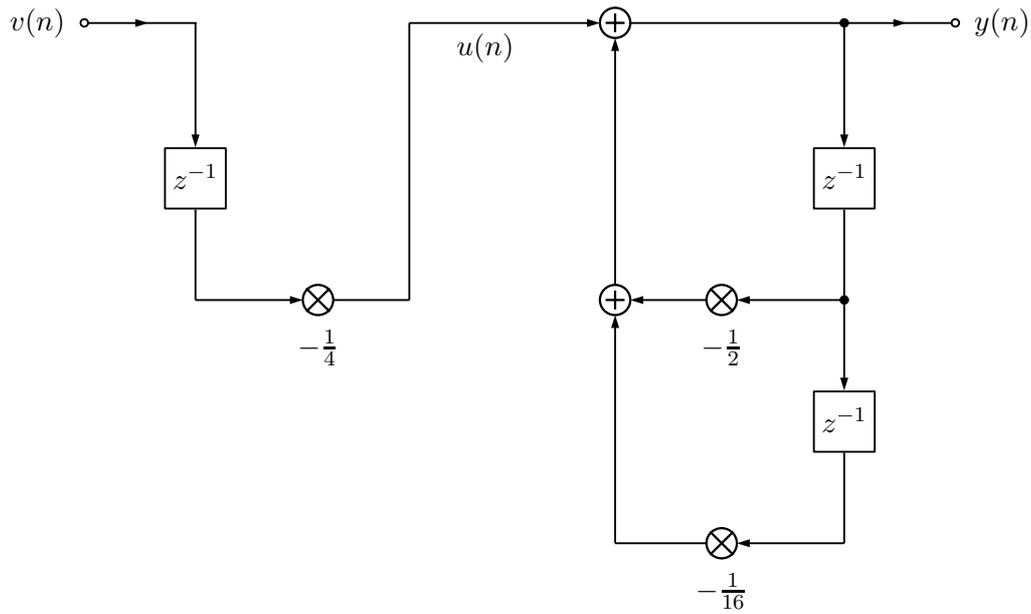


- (a) Bestimmen Sie beide Übertragungsfunktionen $H_I(z)$ und $H_{II}(z)$ und geben Sie diese in Polynomdarstellung an, bei der z die größte Potenz von 0 besitzt. (6 P)
- (b) Sind die Systeme $H_I(z)$ und $H_{II}(z)$ jeweils: (4,5 P)
- (i) minimalphasig?
 - (ii) stabil?
 - (iii) kausal?

Begründen Sie Ihre Antworten.

Teil 2 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 1 gelöst werden.

Gegeben sei nachfolgendes Blockschaltbild. Es seien alle Speicher für $n < 0$ mit 0 initialisiert.



- (c) Welche Form besitzt das oben angegebene Blockschaltbild? (1 P)
- (d) Welcher Teil des oben angegebenen Blockschaltbildes besitzt eine FIR-Charakteristik und welcher Teil eine IIR-Charakteristik? Begründen Sie! (4 P)

Ferner sei nun das Eingangssignal wie folgt definiert:

$$v(n) = [\gamma_{-1}(n-3) - \gamma_0(n)] \cdot \gamma_0(n+1) + 2\gamma_0(n) - 2\gamma_{-1}(n-2) + \gamma_0(n-3) + \gamma_{-1}(n-5) + 2\gamma_{-1}(n-7) + \gamma_{-1}(n-7) \cdot \gamma_0(n-8) - \gamma_{-1}(n-9).$$

- (e) Zeichnen Sie $v(n)$ für $0 \leq n < 10$. (4,5 P)
- (f) Geben Sie die Folge $u(n)$ in Abhängigkeit von $v(n)$ an. (1 P)
- (g) Zeichnen Sie die Direktform II und nennen Sie einen Vorteil gegenüber der oben verwendeten Form. (4 P)
- (h) Wie viele Zustände besitzt das System? Kennzeichnen Sie diese in Ihrer Lösung aus (g). (1 P)
- (i) Bestimmen Sie die Impulsantwort für das gesamte System. (7 P)

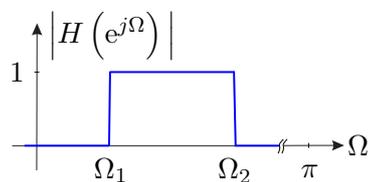
Aufgabe 3 (33 Punkte)

Teil 1 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 2 und 3 gelöst werden.

- (a) Welchem Zweck dient die Modulation eines Signals, laut der Vorlesung? Welche Modulationsarten kennen Sie? Nennen Sie mindestens drei Modulationsarten. (2 P)
- (b) Nennen Sie ein praxisbezogenes Beispiel jeweils für eine additive und für eine multiplikative Kanalstörung, die besonders bei der Amplitudenmodulation das Signal zu Rauschverhältnis beeinflusst. (2 P)

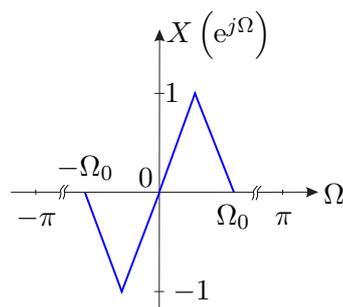
Teil 2 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 1 und 3 gelöst werden.

Ein Signal $v(n) = 2 \cos^2\left(\frac{\Omega_0}{2}n\right)$ soll über einen Kanal mit reeller Impulsantwort und dem nachfolgend dargestellten Betragsfrequenzgang übertragen werden. Gehen Sie davon aus, dass $\Omega_0 < \Omega_1$.



- (c) Bestimmen Sie die Fouriertransformation $V(e^{j\Omega}) \bullet \circ v(n)$ und skizzieren Sie $V(e^{j\Omega})$ im Bereich von $-\pi$ bis π . (3 P)
- (d) Definieren Sie die Frequenz Ω_0 so, dass das Signal $v(n)$ bezüglich seiner Bandbreite unter Verwendung einer linearen Modulation über den Kanal übertragbar wäre. (1 P)
- (e) Definieren Sie den Bereich für die Trägerfrequenz Ω_T so, dass die modulierte bzw. hochgemischte Version von $v(n)$ im Durchlassbereich des Kanals liegt. Nehmen Sie dabei an, dass Ω_0 in dem von (f) geforderten Bereich liegt. (1 P)

Nun soll das Signal $X(e^{j\Omega}) \bullet \circ x(n)$ über den oben definierten Kanal gesendet werden.



- (f) Das Signal $x(n)$ soll amplitudenmoduliert werden. Schreiben Sie allgemein die Modulationsgleichung auf. Das Trägersignal soll dabei mit übertragen werden. (2 P)
- (g) Zeichnen Sie ein einfaches Blockschaltbild entsprechend der Gleichung aus (f). (3 P)
- (h) Skizzieren Sie das Spektrum des modulierten Signals aus (h) im Bereich von $-\pi$ bis π . Gehen Sie davon aus, dass $\Omega_0 + \Omega_T < \pi$. (3 P)

Teil 3 Dieser Aufgabenteil kann unabhängig von Teil 1 und 2 gelöst werden.

Das kontinuierliche Signal $s(t)$ soll mit Hilfe der FM-Modulation über einen Kanal übertragen werden.

$$s(t) = \begin{cases} -1V, & \text{für } 0s \leq t < 1s, \\ 2V, & \text{für } 2s \leq t < 4s, \\ -1V, & \text{für } 5s \leq t < 8s, \\ 0V, & \text{sonst.} \end{cases}$$

- (i) Beschreiben Sie die allgemeine Funktion der Winkelmodulation und die Bedeutung der einzelnen Variablen und Terme. (2 P)
- (j) Geben Sie die Momentan-Frequenz $\Omega_T(t)$ und die Momentan-Phase $\Phi_T(t)$ in Abhängigkeit von $s(t)$ und der Modulationskonstante k_{FM} an. (2 P)
- (k) Skizzieren Sie $s(t)$ im Bereich von 0 bis 8. (3 P)
- (l) Berechnen Sie die Trägerphase (nicht die Momentan-Phase!) $\phi_T(t)$ und skizzieren Sie diese! (4 P)
- (m) Welche Maßeinheit hat die Konstante k_{FM} , wenn das Signal $s(t)$ ein Spannungssignal ist? (3 P)
- (n) Bestimmen Sie die Modulationskonstante k_{FM} so, dass der Frequenzhub $\Delta f \pm 50$ kHz entspricht. (2 P)

Dies ist eine leere Seite.